

---

# 排序技法

發<sup>F</sup> 3.12.3

## Guido van Rossum and the Python development team

5 月 02, 2024

Python Software Foundation  
Email: docs@python.org

## Contents

1 基礎排序	2
2 鍵函式 (key functions)	2
3 运算符模块的函数与函数的偏求值	3
4 升 <sup>F</sup> 與降 <sup>F</sup>	3
5 排序稳定性與 <sup>F</sup> 合排序	4
6 裝飾-排序-移除裝飾 (decorate-sort-undecorate)	4
7 比較函式 (comparison functions)	5
8 雜項 <sup>F</sup> 明	5
9 部分排序	6
索引	7

---

### 作者

Andrew Dalke 和 Raymond Hettinger

Python 的串列有一個<sup>F</sup>建的 `list.sort()` 方法可以原地 (in-place) 排序該串列，也有一個<sup>F</sup>建的 `sorted()` 函式可以排序可<sup>F</sup>代物件 (iterable) <sup>F</sup>建立一個新的排序好的串列。

在這份文件<sup>F</sup>，我們探索使用 Python 排序資料的各種方法。

## 1 基礎排序

單純的升序很容易做到：只要呼叫 `sorted()` 函式，它會回傳一個新的串列：

```
>>> sorted([5, 2, 3, 1, 4])
[1, 2, 3, 4, 5]
```

你也可以使用 `list.sort()` 方法，它會原地排序串列（回傳 `None` 以避免混淆）。它通常會比 `sorted()` 來得不方便——但如果你不需要保留原始串列的話，它會稍微有效率一點。

```
>>> a = [5, 2, 3, 1, 4]
>>> a.sort()
>>> a
[1, 2, 3, 4, 5]
```

另一個差異是 `list.sort()` 方法只有定義在串列上，而 `sorted()` 函式可以接受任何可迭代物件。

```
>>> sorted({1: 'D', 2: 'B', 3: 'B', 4: 'E', 5: 'A'})
[1, 2, 3, 4, 5]
```

## 2 鍵函式 (key functions)

`list.sort()` 和 `sorted()` 都有一個參數 `key` 可以指定一個函式（或其它可呼叫物件（callable）），這個函式會在每個串列元素做比較前被呼叫。

例如這有一個不區分大小寫的字串比對：

```
>>> sorted("This is a test string from Andrew".split(), key=str.casefold)
['a', 'Andrew', 'from', 'is', 'string', 'test', 'This']
```

參數 `key` 的值必須是一個函式（或其它可呼叫物件），且這個函式接受單一引數回傳一個用來排序的鍵。因為對每個輸入來鍵函式只會被呼叫一次，所以這個做法是快速的。

一個常見的模式是在排序雜物件的時候使用一部分物件的索引值當作鍵，例如：

```
>>> student_tuples = [
...     ('john', 'A', 15),
...     ('jane', 'B', 12),
...     ('dave', 'B', 10),
... ]
>>> sorted(student_tuples, key=lambda student: student[2])      # sort by age
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

相同的做法也適用在有命名屬性的物件，例如：

```
>>> class Student:
...     def __init__(self, name, grade, age):
...         self.name = name
...         self.grade = grade
...         self.age = age
...     def __repr__(self):
...         return repr((self.name, self.grade, self.age))
...
>>> student_objects = [
...     Student('john', 'A', 15),
...     Student('jane', 'B', 12),
...     Student('dave', 'B', 10),
... ]
>>> sorted(student_objects, key=lambda student: student.age)      # sort by age
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

有具名属性的对象可像上面这样用一个常规的类来创建，亦可是 `dataclass` 实例或 `named tuple`。

## 3 运算符模块的函数与函数的偏求值

上述的键函数模式非常常见，所以 Python 提供了方便的函数让物件存取更简单且快速。`operator` 模组有 `itemgetter()`、`attrgetter()` 及 `methodcaller()` 函数可以使用。

使用这些函数让上面的范例变得更简单且快速：

```
>>> from operator import itemgetter, attrgetter

>>> sorted(student_tuples, key=itemgetter(2))
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]

>>> sorted(student_objects, key=attrgetter('age'))
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

`operator` 模组的函数允许多层的排序，例如先用 `grade` 排序再用 `age` 排序：

```
>>> sorted(student_tuples, key=itemgetter(1, 2))
[('john', 'A', 15), ('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12)]

>>> sorted(student_objects, key=attrgetter('grade', 'age'))
[('john', 'A', 15), ('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12)]
```

另一个有助于创建键函数的工具位于 `functools` 模块。`partial()` 函数可以降低多元函数的元数使之适于做键函数。

```
>>> from functools import partial
>>> from unicodedata import normalize

>>> names = 'Zoë Åbjørn Núñez Élana Zeke Abe Nubia Eloise'.split()

>>> sorted(names, key=partial(normalize, 'NFD'))
['Abe', 'Åbjørn', 'Eloise', 'Élana', 'Nubia', 'Núñez', 'Zeke', 'Zoë']

>>> sorted(names, key=partial(normalize, 'NFC'))
['Abe', 'Eloise', 'Nubia', 'Núñez', 'Zeke', 'Zoë', 'Åbjørn', 'Élana']
```

## 4 升F與降F

`list.sort()` 和 `sorted()` 都有一个 `boolean` 参数 `reverse` 用来表示是否要降序。例如将学生资料依据 `age` 做降序排序：

```
>>> sorted(student_tuples, key=itemgetter(2), reverse=True)
[('john', 'A', 15), ('jane', 'B', 12), ('dave', 'B', 10)]

>>> sorted(student_objects, key=attrgetter('age'), reverse=True)
[('john', 'A', 15), ('jane', 'B', 12), ('dave', 'B', 10)]
```

## 5 排序穩定性與合排序

排序保證是稳定的，意思是當有多筆資料有相同的鍵，它們會維持原來的順序。

```
>>> data = [('red', 1), ('blue', 1), ('red', 2), ('blue', 2)]
>>> sorted(data, key=itemgetter(0))
[('blue', 1), ('blue', 2), ('red', 1), ('red', 2)]
```

可以注意到有兩筆資料的鍵都是 blue，它們會維持本來的順序，即 ('blue', 1) 保證在 ('blue', 2) 前面。

這個美妙的特性讓你可以用一連串的排序來作出合排序。例如對學生資料用 grade 做降序再用 age 做升序排序，你可以先用 age 排序一遍再用 grade 排序一遍：

```
>>> s = sorted(student_objects, key=attrgetter('age'))           # sort on secondary key
>>> sorted(s, key=attrgetter('grade'), reverse=True)            # now sort on primary
→key, descending
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

這可以抽出一個包裝函式 (wrapper function)，接受一個串列及多個欄位及升降的元組引數，來對這個串列排序多遍。

```
>>> def multisort(xs, specs):
...     for key, reverse in reversed(specs):
...         xs.sort(key=attrgetter(key), reverse=reverse)
...     return xs
...
>>> multisort(list(student_objects), (('grade', True), ('age', False)))
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

Python 使用的 Timsort 演算法，因能利用資料集已經有的順序，可以有效率地做多次排序。

## 6 裝飾-排序-移除裝飾 (decorate-sort-undecorate)

這個用語的來源是因為它做了以下三件事情：

- 首先，原始串列會裝飾 (decorated) 上新的值用來控制排序的順序。
- 接下來，排序裝飾過的串列。
- 最後，裝飾會被移除，以新的順序生一個只包含原始值的串列。

例如用上面的方式來以 grade 排序學生資料：

```
>>> decorated = [(student.grade, i, student) for i, student in enumerate(student_
→objects)]
>>> decorated.sort()
>>> [student for grade, i, student in decorated]                      # undecorate
[('john', 'A', 15), ('jane', 'B', 12), ('dave', 'B', 10)]
```

這個方式會有效是因為元組是依照字典順序 (lexicographically) 來比較，先比較第一個項目，如果一樣再比較第二個項目，依此類推。

在所有情況下都把索引 *i* 加入已裝飾的串列不是對需要的，但這樣做會有兩個好處：

- 排序會是穩定的 -- 如果兩個項目有相同的鍵，它們在排序好的串列中會保持原來的順序。
- 原始項目不需要是可以比較的，因為最多只會用到前兩個項目就能固定裝飾過的元組的順序。例如原始串列可以包含不能直接用來排序的數。

這個用語的另一個名字是 Schwartzian transform，是由於 Randal L. Schwartz 讓這個方法在 Perl 程式設計師間普及。

而因 F Python 的排序提供了鍵函式，已經不太需要用到這個方法了。

## 7 比較函式 (comparison functions)

不像鍵函式回傳一個用來排序的值，比較函式計算兩個輸入間的相對順序。

例如天秤比較兩邊樣本 F 給出相對的順序：較輕、相同或較重。同樣地，像是 `cmp(a, b)` 這樣的比較函式會回傳負數代表小於、0 代表輸入相同或正數代表大於。

當從其它語言翻譯演算法的時候常看到比較函式。有些函式庫也會提供比較函式作 F 其 API 的一部份，例如 `locale.strcoll()` 就是一個比較函式。

F 了滿足這些情境，Python 提供 `functools.cmp_to_key` 來包裝比較函式，讓其可以當作鍵函式來使用：

```
sorted(words, key=cmp_to_key(strcoll)) # locale-aware sort order
```

## 8 雜項 F 明

- 要處理能理解本地語系 (locale aware) 的排序可以使用 `locale.strxfrm()` 當作鍵函式，或 `locale.strcoll()` 當作比較函式。這樣做是必要的，因 F 在不同文化中就算是相同的字母，按「字母順序」排序的結果也各不相同。
- `reverse` 參數依然會維持排序穩定性（即有相同鍵的資料會保持原來順序）。有趣的是，不加這個參數也可以模擬這個效果，只要使用 F 建的 `reversed()` 函式兩次：

```
>>> data = [('red', 1), ('blue', 1), ('red', 2), ('blue', 2)]
>>> standard_way = sorted(data, key=itemgetter(0), reverse=True)
>>> double_reversed = list(reversed(sorted(reversed(data), key=itemgetter(0))))
>>> assert standard_way == double_reversed
>>> standard_way
[('red', 1), ('red', 2), ('blue', 1), ('blue', 2)]
```

- 排序時會使用 < 來比較兩個物件，因此要在類 F F 面加入排序順序比較規則是簡單的，只要透過定義 `__lt__()` 方法：

```
>>> Student.__lt__ = lambda self, other: self.age < other.age
>>> sorted(student_objects)
[('dave', 'B', 10), ('jane', 'B', 12), ('john', 'A', 15)]
```

不过，请注意 < 在 `__lt__()` 未被实现时可以回退为使用 `__gt__()` (请参阅 `object.__lt__()` 了解相关机制的细节)。为避免意外，PEP 8 建议实现所有的六个比较方法。`total_ordering()` 装饰器被提供用来令此任务更为容易。

- 鍵函式不需要直接依賴用來排序的物件。鍵函式也可以存取外部資源，例如如果學生成績儲存在字典 F，它可以用來排序一個單獨的學生姓名串列：

```
>>> students = ['dave', 'john', 'jane']
>>> newgrades = {'john': 'F', 'jane': 'A', 'dave': 'C'}
>>> sorted(students, key=newgrades.__getitem__)
['jane', 'dave', 'john']
```

## 9 部分排序

有些应用程序只需要对部分数据进行排序。标准库提供了几种工具可以执行比完整排序更轻量的任务：

- `min()` 和 `max()` 可分别返回最小和最大值。这两个函数只需逐一检查输入数据而几乎不需要任何额外的内存。
- `heapq.nsmallest()` 和 `heapq.nlargest()` 可分别返回  $n$  个最小和最大的值。这两个函数每次只需逐一检查数据并仅需在内存中保留  $n$  个元素。对于相对于输入总数来说较小的  $n$  值来说，这两个函数将进行远少于完整排序的比较。
- `heapq.heappush()` 和 `heapq.heappop()` 会创建并维护一组部分排序的数据其中最小的元素将处在 0 位置上。这两个函数很适合实现常用于任务调度的优先级队列。

# 索引

## P

Python Enhancement Proposals  
PEP 8, 5